

# Hamiltonià de Luttinger-Kohn: Axial approximation

Josep Planelles

September 6, 2014

Escrivim l'hamiltonià de Luttinger-Kohn  $H_{LK}$  en termes d'invariants:[1]

$$H_{LK} = \frac{1}{m_0} [(\gamma_1 + \frac{5}{2}\gamma_2) \frac{k^2}{2} I_0 - \gamma_2(k_x^2 J_x^2 + k_y^2 J_y^2 + k_z^2 J_z^2) - 2\gamma_3(\{k_x, k_y\}\{J_x, J_y\} + \{k_y, k_z\}\{J_y, J_z\} + \{k_z, k_x\}\{J_z, J_x\})] \quad (1)$$

on  $m_0$  és la massa de l'electró lliure,  $\gamma_i$  són els paràmetres de Luttinger,  $k_j = -i\hbar\partial_j$  és la component  $j$  del moment lineal,  $I_0$  és la matriu identitat,  $\{A, B\} = \frac{1}{2}(AB + BA)$  i  $J_i$  és la component  $i$  del moment angular amb nombre quàntic  $J = 3/2$ .

Si expandim les matrius de moment angular en la base  $\{|3/2, 3/2\rangle, |3/2, 1/2\rangle, |3/2, -1/2\rangle, |3/2, -3/2\rangle\}$  obtenim la representació matricial de l'Hamiltonià de Luttinger-Kohn  $H_{LK}$  de massa constant per a la valència:[2]

$$H_{LK} = - \begin{pmatrix} P+Q & -S & R & 0 \\ -S^\dagger & P-Q & 0 & R \\ R^\dagger & 0 & P-Q & S \\ 0 & R^\dagger & S^\dagger & P+Q \end{pmatrix} \quad (2)$$

amb

$$\begin{aligned} P &= [\gamma_1(kx^2 + ky^2 + kz^2)]/2 \\ Q &= [\gamma_2(kx^2 + ky^2 - 2kz^2)]/2 \\ R &= [-\sqrt{3}\gamma_2(kx^2 - ky^2) + i2\sqrt{3}\gamma_3kxky]/2 \\ S &= \gamma_3\sqrt{3}(kx - iky)kz \\ S^\dagger &= \gamma_3\sqrt{3}kz(kx + iky) \\ R^\dagger &= [-\sqrt{3}\gamma_2(kx^2 - ky^2) - i2\sqrt{3}\gamma_3kxky]/2 \\ Q^\dagger &= Q \end{aligned} \quad (3)$$

on  $\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3$  són els anomenats paràmetres de Luttinger.

El terme  $R$  trenca la simetria axial d'aquest Hamiltonià. Nosaltres[3] hem utilitzat una aproximació en la que la  $\gamma_3$  que apareix en aquest terme  $R$  la canviem per  $\gamma_2$ . Més adient hagués segut utilitzar estrictament l'aproximació axial[4] que suposa canviar les constants  $\gamma_2$  i  $\gamma_3$  d'aquest terme per  $\tilde{\gamma} = (\gamma_2 + \gamma_3)/2$ , com per exemple fa Pacheco[5] que converteix  $R$  en:

$$R = -\frac{\sqrt{3}}{2}\tilde{\gamma}(kx - iky)^2 = -\frac{\sqrt{3}}{2}\tilde{\gamma}k_-^2 \quad (4)$$

Amb el que resulta un Hamiltonià idèntic al que vam usar en el paper amb Doty[3] excepte que allí en lloc de  $\tilde{\gamma}$  usarem  $\gamma_2$ . Val a dir que, en el paper amb Carlos[6] per a massa variable, usarem  $\tilde{\gamma}$ .

## References

- [1] J.M. Luttinger, *Phys. Rev.* 1030 **102**, 1956.
- [2] Shun Lien Chuang, *Physics of photonic devices*, Wiley (2009), pag 127-129.
- [3] J.Planelles, J.I. Climente, F. Rajadell, M. F. Doty, A S. Bracker, and D. Gammon *Phys. Rev.* 82, 155307 **82**, 2010.
- [4] Lok C. Lew Yan Voon and M. Willatzen, *The k-p method*, Springer (2009), p. 114
- [5] M. Pacheco and Z. Barticevic, *J. Phys: Condens. Matter.* 1079 **11** 1999.
- [6] C. Segarra, J.I. Climente and J. Planelles, *J. Phys: Condens. Matter.* 11580 **24** 2012.